# Теория и методика обучения математике Ч.2.



канд. пед. наук, доц. Вячеслав Евгеньевич Пырков pyrkovve@yandex.ru pyrkov.professorjournal.ru



### План лекции





- 1. Алгебра как учебный предмет
- 2. Краткие сведения из истории развития алгебры (с/р)
- 3. Цели и задачи курса алгебры основной школы
- 4. Содержательные основы курса алгебры основной школы
- 5. Начальные трудности изучения алгебры и пути их преодоления
- 6. Характеристика образовательных стандартов, программ и учебников по алгебре для основной школы (л/р)
- 7. Актуальные вопросы методики обучения алгебре в основной школе (с/р: Харьковская, с.24-36).



### Алгебра ....





как НАУКА

как УЧЕБНЫЙ ПРЕДМЕТ

• основные операции над элементами различных множеств (колец, полей, групп) и законы этих операций

- буквенная символика;
- операции над рациональными и иррациональными многочленами;
- учение об уравнениях и функциях;
- элементы арифметики и теории чисел;
  - элементы математического анализа.



### Алгебра ...





как НАУКА

как УЧЕБНЫЙ ПРЕДМЕТ

Выстраивается курс на одной идее

Подчинение материала одной математической идее приведет к большим трудностям в обучении, более высокому уровню абстракции.



### Предмет алгебры





Алгебра как раздел математики занимается составлением общих решений различных задач и вообще решением вопросов относительно чисел в общем виде.

Малинин А., Буренин К (Руководство алгебры, 1903)

Основу алгебры составляют тождественные преобразования выражений.

Киселев А. (Элементарная алгебра, 1916)

Алгебра как учебный предмет учит рассуждать о величинах, изображая их буквами и обозначая особыми знаками зависимости между ними.

Гипотетический автор



### Общеобразовательное значение





С помощью языка алгебры моделируются, изучаются и прогнозируются многие явления и процессы, происходящие в природе и обществе. Алгебра обеспечивает изучение других дисциплин: физика, химия, информатика и др.



#### Развивающее значение





Происходит обогащение мышления приемами индукции и дедукции, анализа и синтеза, обобщения и конкретизации. Формируется алгоритмическое мышление, умение конструировать и записывать в общем виде новые алгоритмы.



### Цели курса алгебры основной школы





- развитие вычислительных и формальнооперативных алгебраических умений учащихся до уровня, позволяющего уверенно оперировать ими при решении задач математики и смежных дисциплин;
- усвоение аппарата уравнений и неравенств как основного средства математического моделирования прикладных задач;
- осуществление функциональной подготовки учащихся.



### Задачи курса алгебры основной школы





- 1. Обеспечить усвоение основных идей и понятий курса алгебры, связанных с числовым и буквенным исчислениями, теоретических основ уравнений, неравенств, тождественных преобразований, функциональной зависимости и её графического представления.
- 2. Сформировать умения и навыки рационального проведения тождественных преобразований числовых и буквенных выражений; составления и решения уравнений, систем уравнений и неравенств различными способами; построения, чтения и исследования графиков функций; решения текстовых задач различных типов, моделирования их решения, составления задач прямого и обратного характера.



# Задачи курса алгебры основной школы





- 3. Обеспечить овладение средствами алгебры, служащими для её приложения к решению практических вопросов программируемыми микрокалькуляторами, таблицами, схемами, алгоритмами, учебными программами и т.д., а также приемами самостоятельной работы с учебной и научно-популярной литературой по математике.
- 4. Развивать абстрактно-теоретическое и нагляднообразное мышление (логичность, доказательность, критичность, гибкость), совершенствовать математическую речь, функциональную, алгоритмическую, символическую и графическую культуру в процессе учебно-познавательной деятельности учащихся.



# Задачи курса алгебры основной школы





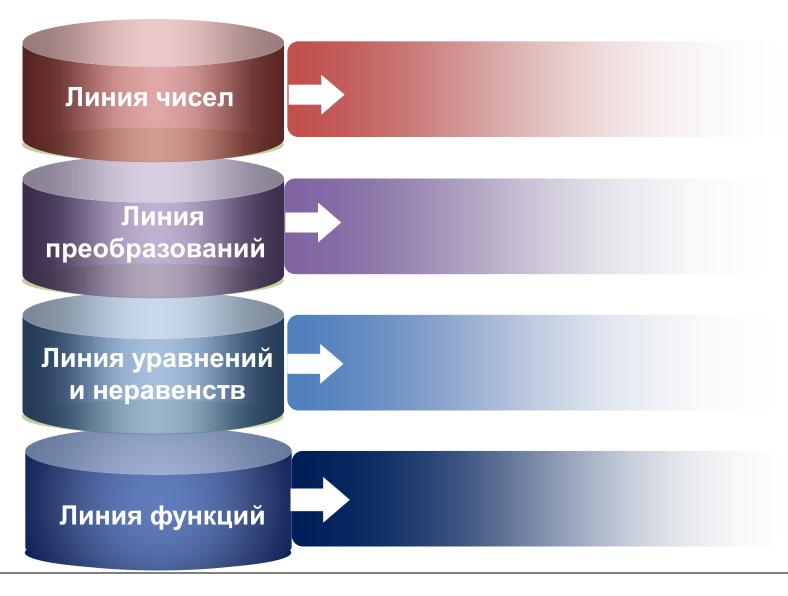
- 5. Вырабатывать у учащихся диалектические представления о природе алгебраических понятий, общности и универсальности способов и методов алгебраической науки в решении задач теории и практики.
- 6. Воспитывать познавательный интерес к предмету через интересные и яркие факты истории развития алгебры, через биографические данные ученых-математиков, а также с помощью инновационного подхода к методике изучения предмета и разнообразия организационных форм обучения.



# Содержательные основы курса алгебры









### Трудности изучения алгебры



• введение буквенной символики



#### Роль буквенной символики в алгебре:

- буквы позволяют записывать **законы операций** над числами в удобной для запоминания и использования форме;
- буквы способствуют записи **в виде формул** правил нахождения числовых значений ряда величин;
- буквы помогают кратко и наглядно устанавливать **связи** различных **величин** друг с другом;
- буквенная запись дает возможность сразу видеть и порядок операций, и их число, да и запомнить её значительно легче, чем словесную.



#### Цели использования букв





- 1) запись в **символической форме** предложений, т.е. перевод вербальной подачи обобщений в символическую;
- 2) обозначение **одного** конкретного числа  $(\pi, e, ...)$ ;
- 3) обозначение **любого** числа из известных учащимся чисел;
- 4) обозначение не данного числа, а неизвестного;
- 5) составление общих формул решения несложных арифметических задач различных типов;
- 6) введение букв для аналитического выражения зависимости между величинами, принятыми в геометрии, физике, технике и др.;
- 7) Составление и решение простейших уравнений при решении задач, если арифметическим путем их решить сложнее, чем с помощью уравнения.



### Требования к использованию букв





- □ Каждая буква в процессе решения данной задачи или рассуждения сохраняет одно и то же значение.
- □ При решении задач геометрического или физического характера необходимо придерживаться обозначений, принятых в соответствующей области.
- Неизвестные числа обычно обозначают последними буквами алфавита (x, y, z), а известные первыми (a, b, c). Для обозначения целых чисел используют n, m, p, q, k, l.
- Необходимо помнить, что в отдельных случаях на значение буквы могут быть наложены ограничения в соответствии со смыслом вопроса или на основе возможностей выполнения операции.



### Мотивация введения букв





#### Мордкович А.Г. Алгебра -7

§2 Что такое математический язык?

§3 Что такое математическая модель?

Говоря о математической модели любой задачи, необходимо продемонстрировать четко выделяющиеся **три этапа** рассуждения:

- Переход задачной ситуации в математическую модель в виде уравнения.
- II. Решение уравнения.
- III. Возврат к реальной ситуации, проговаривание и запись ответа.

